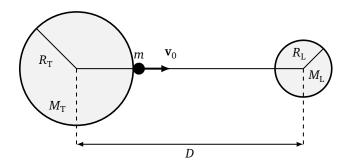
Curso: Física 1 A Profesor: G. Otero y Garzón

## FÍSICA 1

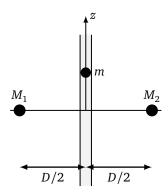
## Segundo cuatrimestre de 2024

## Guía 11 – Gravitación

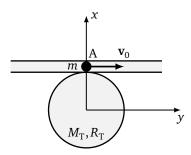
- 1. Considere dos partículas de masas  $M_1$  y  $M_2$  fijas y separadas por una distancia D. Una tercera partícula de masa m se mueve bajo la atracción gravitatoria de las otras dos. Suponga que m se mueve sobre la recta que una a  $M_1$  y  $M_2$ , considerando que puede hallarse entre ambas, a la izquierda o a la derecha de ellas.
  - (a) Escriba la fuerza total que actúa sobre *m* en función de la posición.
  - (b) Calcule y grafique el potencial.
  - (c) Describa cualitativamente el movimiento de *m* para distintos valores de su energía mecánica.
- 2. Aplique el problema anterior considerando que  $M_1=M_{\rm T}$  (masa de la Tierra),  $M_2=M_{\rm L}$  (masa de la Luna), D es la distancia entre la Tierra y la Luna, y la partícula de masa m es un cohete que se dispara desde la superficie de la Tierra hacia la Luna con una velocidad inicial  $\mathbf{v}_0$ . Tenga en cuenta que en este problema  $M_1=M_{\rm T}$  y  $M_2=M_{\rm L}$  no son partículas puntuales, sino que tienen radios  $R_{\rm T}$  (radio de la Tierra) y  $R_{\rm L}$  (radio de la Luna), respectivamente.
  - (a) Calcule y grafique el potencial gravitatorio del cohete en función de su distancia a la Tierra, medida desde la superficie terrestre.
  - (b) ¿En qué punto de su trayectoria hacia la Luna el cohete tiene aceleración nula?
  - (c) Calcule la velocidad inicial mínima del cohete necesaria para llegar al punto de aceleración nula y caer en la Luna por la acción de la atracción gravitatoria lunar.



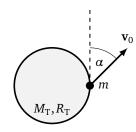
- **3.** Considere dos partículas de masas  $M_1$  y  $M_2$ , fijas y separadas entre sí por una distancia D. Una tercera partícula de masa m es libre de moverse por un tubo carente de rozamiento, que se halla sobre la mediatriz del segmento determinado por ambas masas, como muestra la figura.
  - (a) Calcule la energía potencial gravitatoria en función de la coordenada *z* que determina la posición. Grafique cualitativamente el potencial.
  - (b) Determine la posición de equilibrio indicando si corresponde a un equilibrio estable o inestable.
  - (c) Encuentre la frecuencia angular de oscilación para pequeños apartamientos de la masa *m* de su posición de equilibrio.
  - (d) Calcule la fuerza que ejerce el tubo sobre la masa en función de la posición.



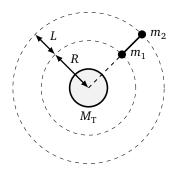
- **4.** Una partícula de masa m es dejada en el punto A de un túnel sin fricción imprimiéndole una velocidad  $\mathbf{v}_0$  (situación indicada en la figura). La partícula se halla bajo la acción de la atracción gravitatoria de la Tierra.
  - (a) Grafique la energía potencial de la partícula en función de la coordenada y. Diga cuál es la máxima velocidad  $v_0$  que puede tener la partícula en A para que su movimiento sea ligado.
  - (b) Encuentre la ecuación de movimiento para la partícula. Diga bajo qué condiciones el movimiento será aproximadamente armónico simple y escriba la ecuación de movimiento en ese caso.
  - (c) Para el caso armónico simple, halle la frecuencia de oscilación y determine la posición de la partícula en función del tiempo.



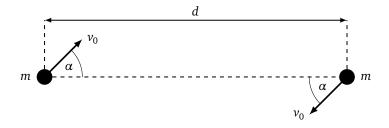
- 5. Una nave espacial de masa m es lanzada desde la superficie terrestre con una velocidad  $\mathbf{v}_0$  que forma un ángulo  $\alpha$  con dicha superficie (ver figura). Suponga que la Tierra, de masa  $M_{\rm T}$  y radio  $R_{\rm T}$ , permanece en reposo, y que toda su masa se halla concentrada en su centro.
  - (a) Diga, justificando su respuesta, si se conservan o no el impulso lineal, el impulso angular y la energía mecánica total de la nave.
  - (b) Halle la expresión de la energía mecánica total en función de la distancia r al centro de la Tierra y de los datos del problema. Escriba el potencial efectivo que gobierna el movimiento radial de la nave y grafíquelo en función de r.
  - (c) Diga para qué valores de la energía mecánica total el movimiento de la nave es ligado. Calcule la velocidad de escape, es decir, el mínimo valor de  $v_0$  necesario para que la coordenada r de la nave aumente sin cota superior.



- **6.** Un satélite artificial que gira alrededor de la Tierra a una distancia R de su centro está compuesto por dos masas de igual valor  $m_1=m_2=m$ , unidas entre sí por una barra de longitud L y masa despreciable. Durante todo el movimiento la barra del satélite se halla orientada en la dirección radial, como se muestra en la figura. Considere que la Tierra permanece fija y desprecie la atracción gravitatoria entre las masas que forman el satélite.
  - (a) Dibuje las fuerzas que actúan sobre cada una de las partículas. Plantee las ecuaciones de Newton y las condiciones de vínculo que rigen su movimiento.
  - (b) Calcule la velocidad angular del movimiento de rotación del satélite y el valor de la tensión ejercida por la barra sobre cada una de las masas.
  - (c) En un dado instante se corta la barra que une ambas partes del satélite. A partir de ese momento determine cualitativamente la trayectoria de la masa  $m_1$ . Justifique su respuesta.



- 7. Considere dos partículas de masa m que interactúan gravitatoriamente entre sí. Las partículas pueden moverse sobre una mesa horizontal libre de rozamiento. En el instante inicial (t=0) las partículas se hallan separadas una distancia d y se le da a cada una de ellas una velocidad  $\mathbf{v}_0$  de módulo  $\mathbf{v}_0$  y dirección indicada en la figura.
  - (a) Indique en un diagrama todas las fuerzas que actúan sobre cada partícula. Para el sistema formado por las dos partículas diga, justificando su respuesta, si se conservan o no el impulso lineal, el impulso angular y la energía mecánica total.
  - (b) Halle la velocidad del centro de masa del sistema en el instante inicial. Diga qué tipo de movimiento describe el centro de masa para t > 0.
  - (c) Para cada una de las partículas, calcule el vector velocidad (componentes paralela y perpendicular al segmento que las une) cuando las partículas se hallan separadas una distancia d/2.



**8.** Una partícula de masa m se acerca desde el infinito con velocidad  $\mathbf{v}_0$  y parámetro de impacto b a un cuerpo de masa M, que se halla fijo en el punto O. Debido a la atracción gravitatoria ejercida por M, la partícula describe una trayectoria hiperbólica, y al pasar por el punto de máximo acercamiento (punto A) se engancha con un resorte de masa despreciable, constante elástica k y longitud natural  $l_0 = r_0$ , con  $r_0$  la distancia de máximo acercamiento de la partícula. El otro extremo del resorte está sujeto a un eje que pasa por O.

- (a) Diga qué magnitudes se conservan para la partícula de masa *m* antes y después de alcanzar el punto A.
- (b) Calcule el momento angular de la partícula en función de m, b y  $v_0$ . Ayuda: use un momento en que la partícula se halla muy lejos de la masa central, de manera que su velocidad es prácticamente horizontal y su distancia al eje x es prácticamente b.
- (c) Calcule la distancia  $r_0$  de máximo acercamiento y la velocidad de la partícula en el punto A en función de M, m, b y  $v_0$ .
- (d) Después de engancharse con el resorte, encuentre la velocidad de la partícula (componentes radial y tangencial) cuando ésta se halla a una distancia  $d=2r_0$  del punto O. Exprese el resultado en términos de  $r_0$  y de los datos del problema.

