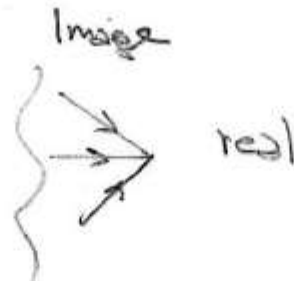
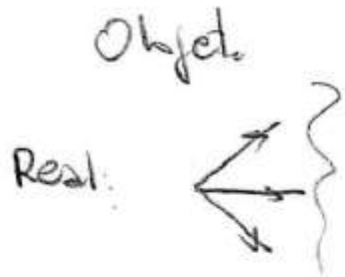
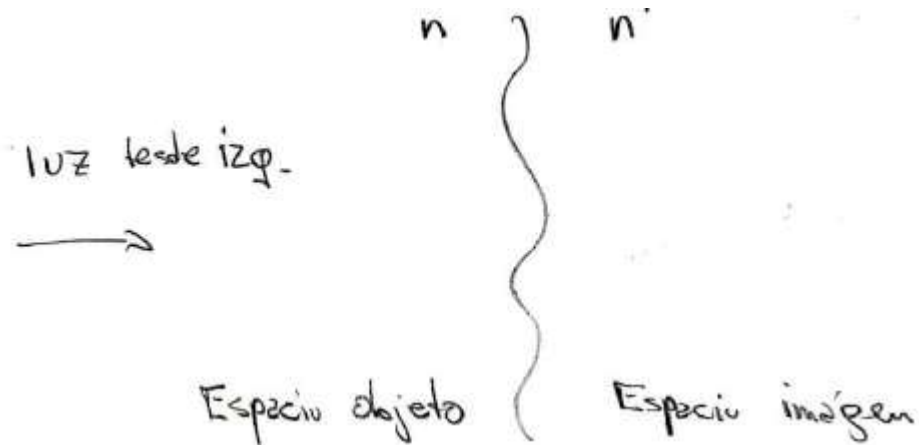


Refracción: Dioptros y lentes

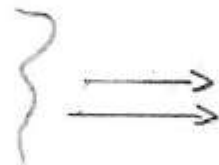
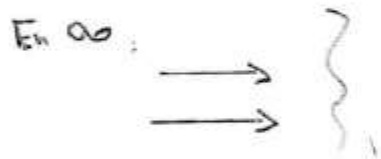
Cátedra: Diego Arbó

DIPOTRAS

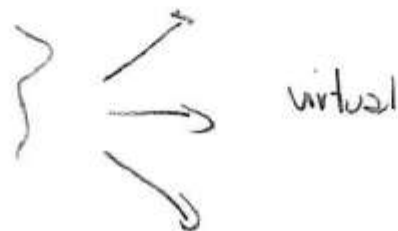
Definición: Superficie que divide dos medios de distinto índice



(la puedo recoger en un pedito)



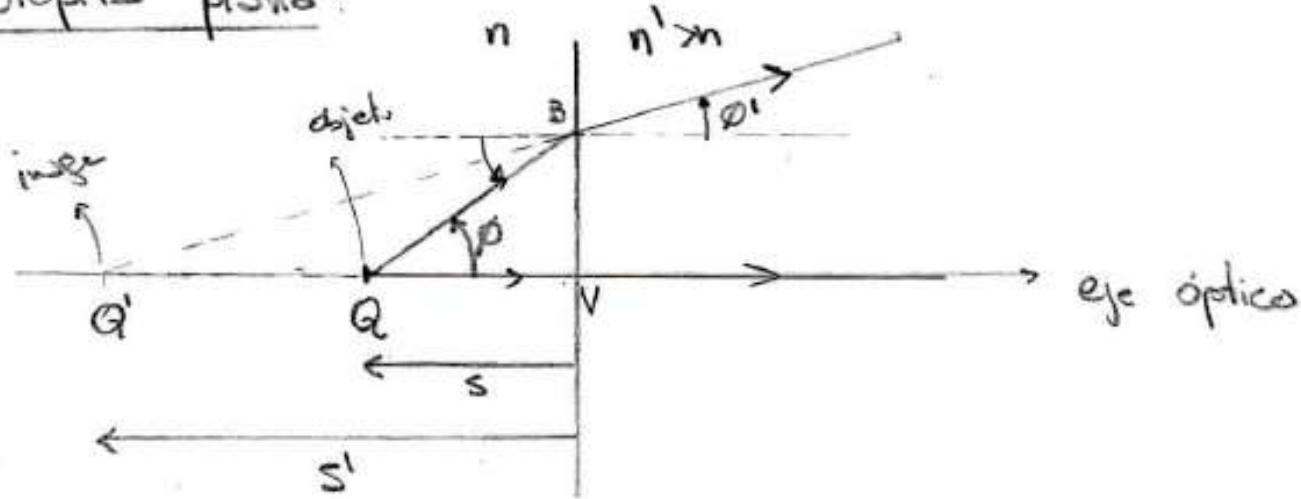
en ∞ (la puedo ver a q'o distancia)



virtual

Dioptra plana

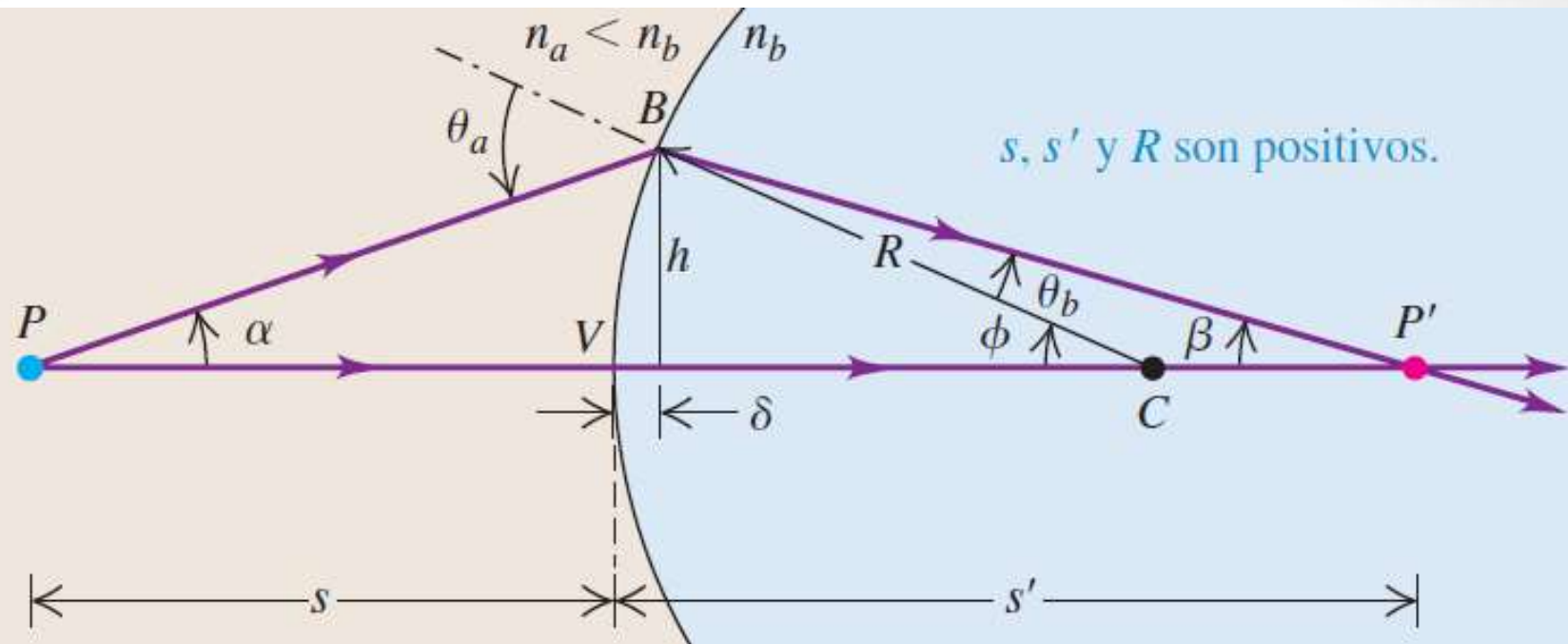
Dioptra plana:



$$\tan \phi = \frac{VB}{s}$$

$$\tan \phi' = \frac{VB}{-s'}$$

Refracción en superficies esféricas



$$\tan \alpha = \frac{h}{s + \delta} \quad \tan \beta = \frac{h}{s' - \delta} \quad \tan \phi = \frac{h}{R - \delta}$$



$$\alpha = \frac{h}{s} \quad \beta = \frac{h}{s'} \quad \phi = \frac{h}{R}$$

$$\theta_a = \alpha + \phi \quad \phi = \beta + \theta_b$$

$$n_a \sin \theta_a = n_b \sin \theta_b \quad \Rightarrow \quad n_a \theta_a = n_b \theta_b$$

$$\theta_a = \alpha + \phi \quad \phi = \beta + \theta_b$$

$$\phi = \beta + \frac{n_a \theta_a}{n_b} = \beta + \frac{n_a}{n_b} (\alpha + \phi)$$

$$\Rightarrow n_b \phi = n_b \beta + n_a (\alpha + \phi) \Rightarrow (n_b - n_a) \phi = n_b \beta + n_a \alpha$$

$$\alpha = \frac{h}{s} \quad \beta = \frac{h}{s'} \quad \phi = \frac{h}{R}$$

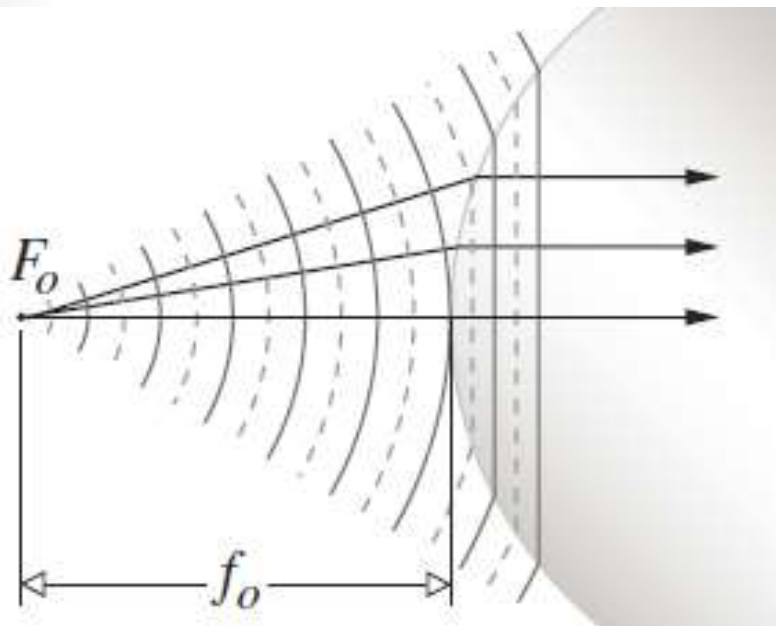
$\mathcal{P}$ (potencia de una dioptra esférica)
 $[\mathcal{P}] = 1/\text{m} = \text{dioptrías}$

$$\frac{n_a}{s} + \frac{n_b}{s'} = \frac{n_b - n_a}{R}$$

(relación objeto-imagen,
superficie refractiva esférica)

Si $R \rightarrow \infty \Rightarrow \frac{n_a}{s} + \frac{n_b}{s'} = 0$ (superficie refractiva plana)

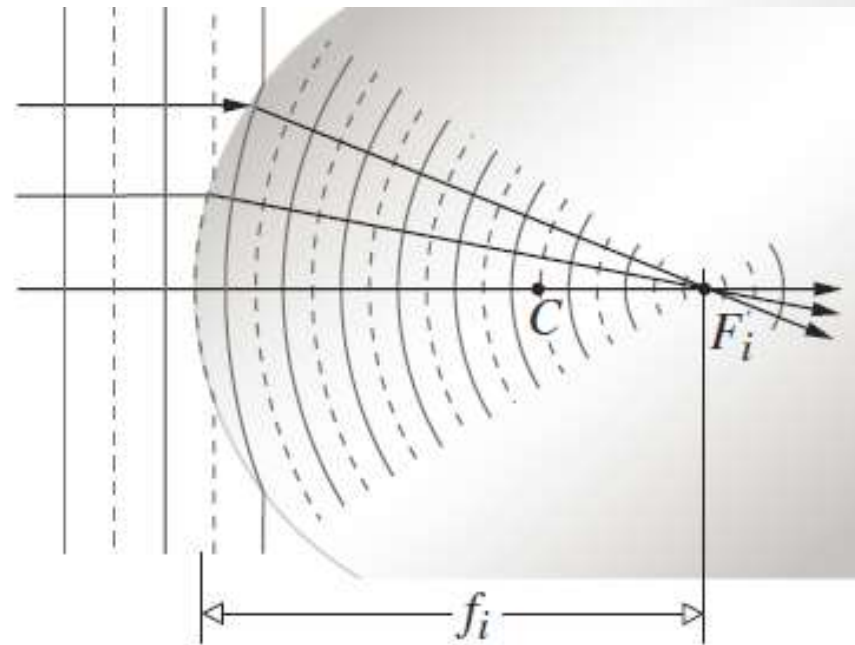
Foco objeto



$$\frac{n_1}{s_o} + \frac{n_2}{\infty} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$

$$f_o = \frac{n_1}{n_2 - n_1} R$$

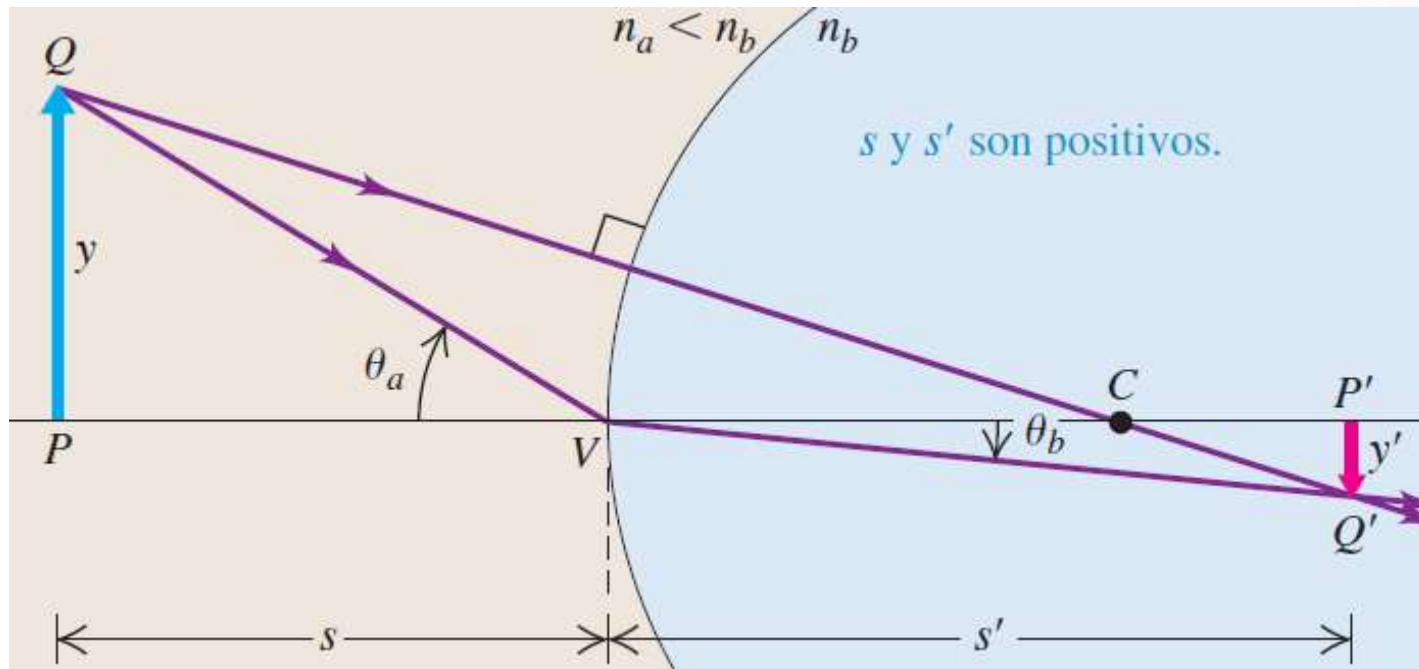
Foco imagen



$$\frac{n_1}{\infty} + \frac{n_2}{s_i} = \frac{n_2 - n_1}{R}$$

$$f_i = \frac{n_2}{n_2 - n_1} R$$

Aumento lateral



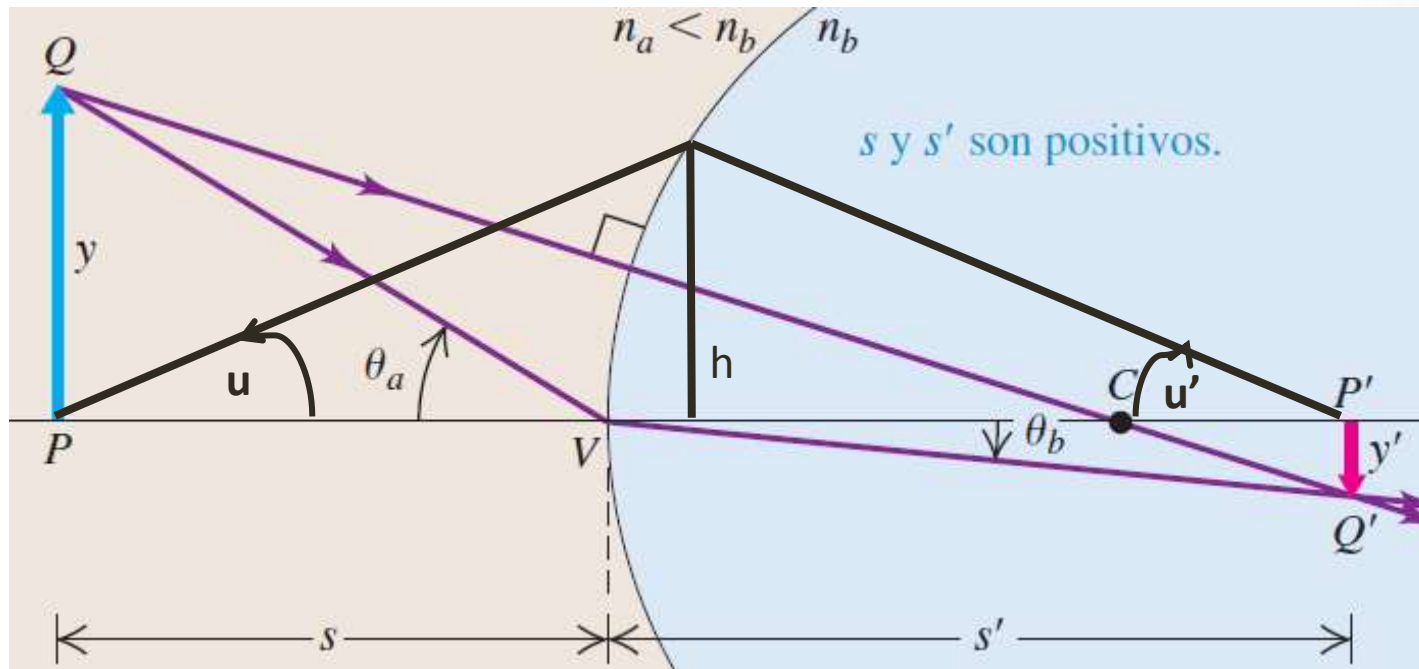
$$\tan \theta_a = \frac{y}{s} \quad \tan \theta_b = \frac{-y'}{s'}$$

$$m = \frac{y'}{y} = -\frac{s' \tan \theta_b}{s \tan \theta_a} \cong -\frac{s' \sin \theta_b}{s \sin \theta_a} = -\frac{s' n_a}{s n_b}$$

$$m = \frac{y'}{y} = -\frac{n_a s'}{n_b s} \quad (\text{aumento lateral, superficie refractiva esférica})$$

$$\text{Si } R \rightarrow \infty \Rightarrow \frac{n_a}{s} + \frac{n_b}{s'} = 0 \quad (\text{superficie refractiva plana}) \quad m = 1$$

Aumento angular



$$\gamma = \frac{u'}{u} = -\frac{h/s'}{h/s} = -\frac{s}{s'}$$

$$m\gamma = \frac{y' u'}{y u} = \frac{-n_a s' - s}{n_b s s'} = \frac{n_a}{n_b}$$

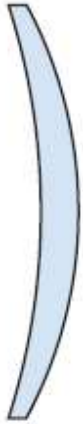
$$\Rightarrow \boxed{n_a y u = n_b y' u'}$$

Relación de Lagrange-Helmholtz

LENTES

a)

Lentes convergentes



De menisco

Plano-convexa

Biconvexa

Si el índice de refracción de la lente es mayor que el del medio → las convexas son convergentes y las cóncavas son divergentes.

b)

Lentes divergentes



De menisco

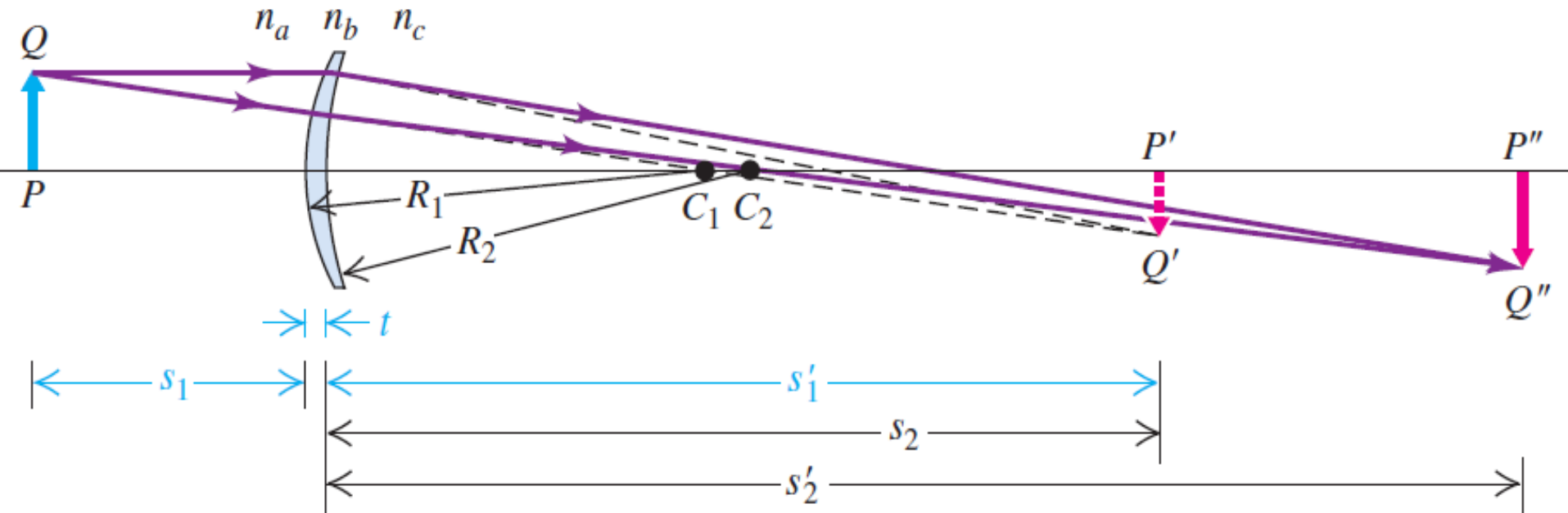
Plano-cóncava

Bicóncava

Si no, es al revés.

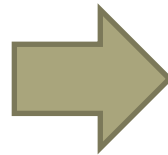
Ecuación del fabricante de lentes

La lente está formada por dos dioptras: La imagen de la primera sirve como objeto de la segunda.



$$\frac{n_a}{s_1} + \frac{n_b}{s'_1} = \frac{n_b - n_a}{R_1}$$

$$\frac{n_b}{s_2} + \frac{n_c}{s'_2} = \frac{n_c - n_b}{R_2}$$



$$\frac{1}{s_1} + \frac{n}{s'_1} = \frac{n - 1}{R_1}$$

$$-\frac{n}{s'_1} + \frac{1}{s'_2} = \frac{1 - n}{R_2}$$

Sumamos las dos ecuaciones:

$$\frac{1}{s_1} + \frac{1}{s'_2} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

$$\frac{1}{s} + \frac{1}{s'} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

Si el objeto está muy lejos: $s \rightarrow \infty$,
 s' se define como el foco imagen de la lente delgada.

Si la imagen se forma muy lejos: $s' \rightarrow \infty$,
 s debe estar en el foco objeto de la lente delgada.

En el caso de lentes delgadas: $f_o = f_i$

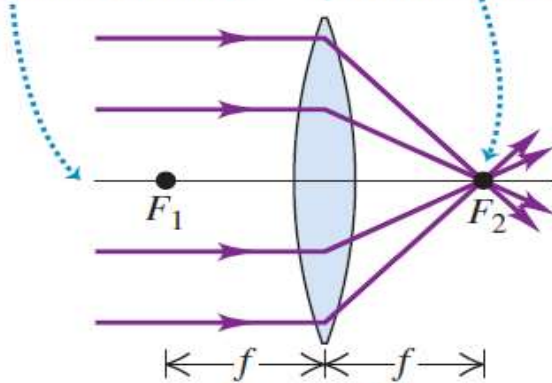
$$\frac{1}{f} = (n - 1) \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right) \quad \text{(ecuación del fabricante de lentes para una lente delgada)}$$

$$\frac{1}{s} + \frac{1}{s'} = \frac{1}{f} \quad \text{(relación objeto-imagen, lente delgada)}$$

Lentes delgadas:

Eje óptico (pasa por los centros de curvatura de ambas superficies del lente).

Segundo punto focal: el punto en que convergen los rayos paralelos entrantes.

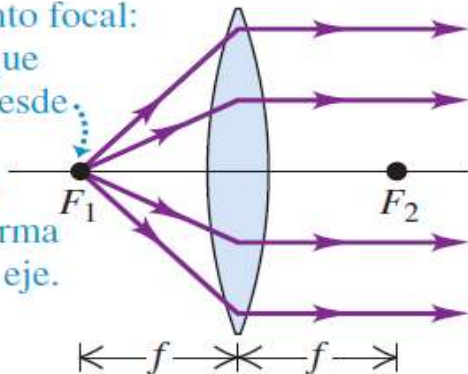


Distancia focal

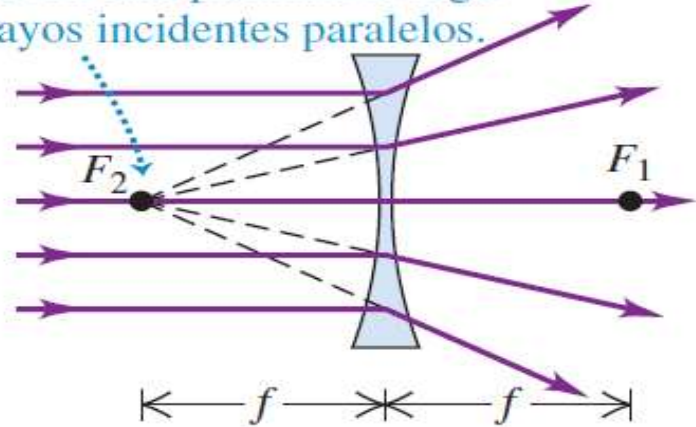
- Medida a partir del centro de la lente.
- Siempre es la misma a ambos lados de la lente.
- Es positiva para una lente convergente delgada.

b) Lente convergente

Primer punto focal: los rayos que divergen desde este punto salen de la lente de forma paralela al eje.



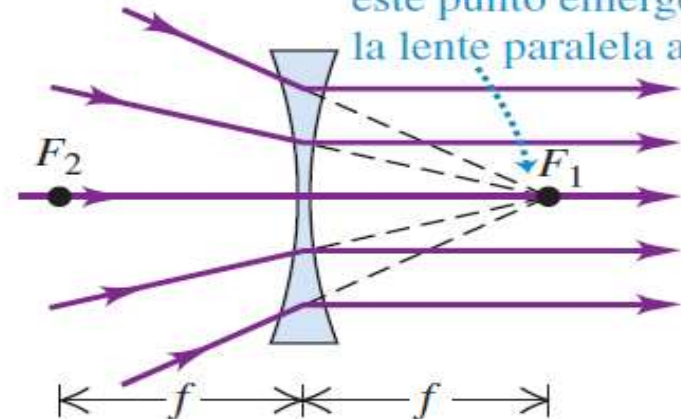
Segundo punto focal: el punto a partir del cual parecen divergir los rayos incidentes paralelos.



Para lentes delgadas divergentes, f es negativa.

Lente divergente

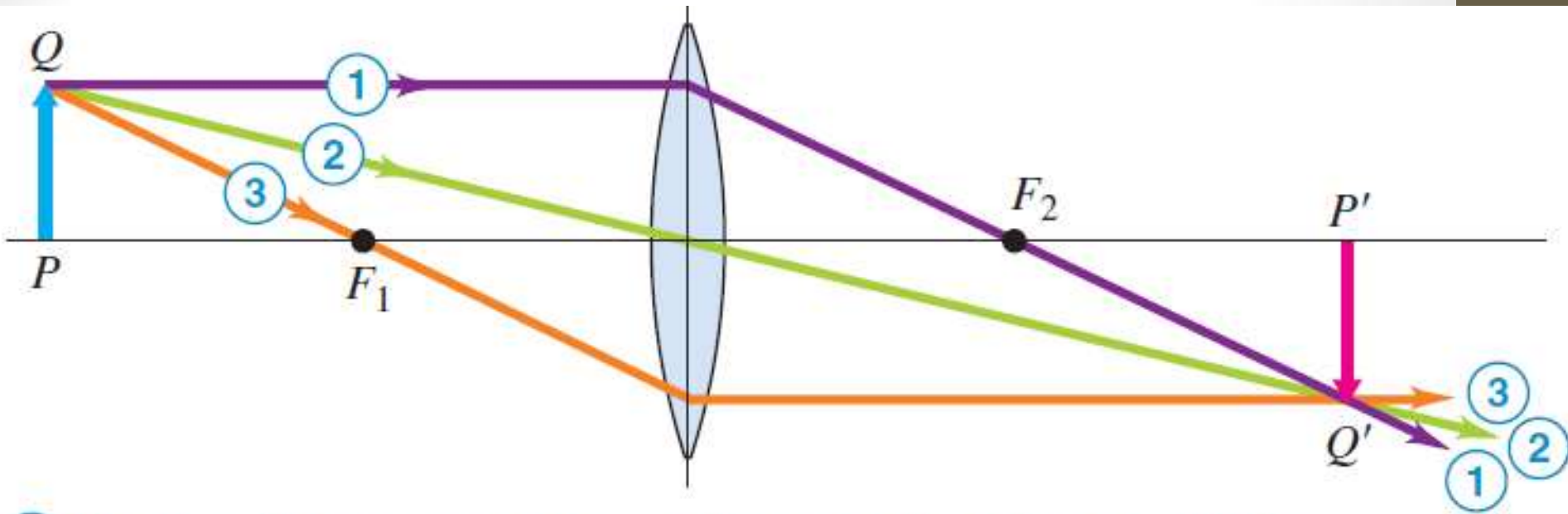
Primer punto focal: los rayos que convergen en este punto emergen de la lente paralela al eje.



Método gráfico

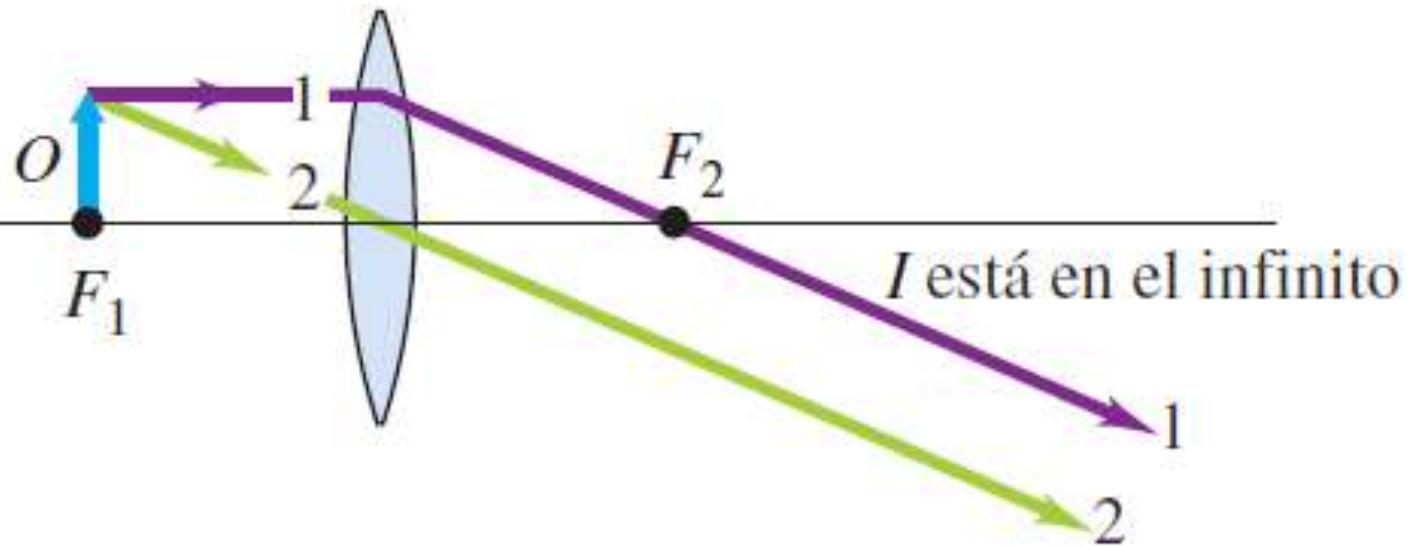
1. *Un rayo paralelo al eje* emerge de la lente en una dirección que pasa por el segundo punto focal F_2 de una lente convergente, o que parece provenir del segundo punto focal de una lente divergente.
2. *Un rayo que pasa por el centro de la lente* no se desvía en grado apreciable; en el centro de la lente las dos superficies son paralelas; por lo tanto, este rayo emerge prácticamente con el mismo ángulo que tenía al entrar y a lo largo de la misma recta.
3. *Un rayo que pasa por el primer punto focal F_1 (o avanza hacia éste)* emerge paralelo al eje.

Lente convergente: Objeto real

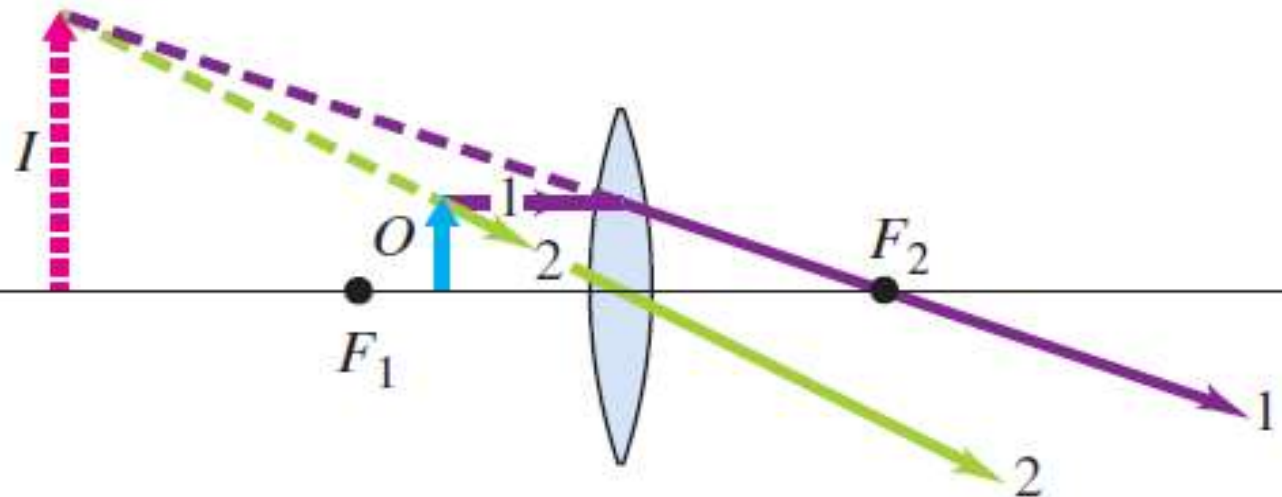


- ① El rayo incidente paralelo se refracta para pasar por el segundo punto focal F_2 .
- ② El rayo que pasa por el centro de la lente no se desvía considerablemente.
- ③ El rayo que pasa por el primer punto focal F_1 emerge paralelo al eje.

El objeto O está en el punto focal; la imagen I está en el infinito



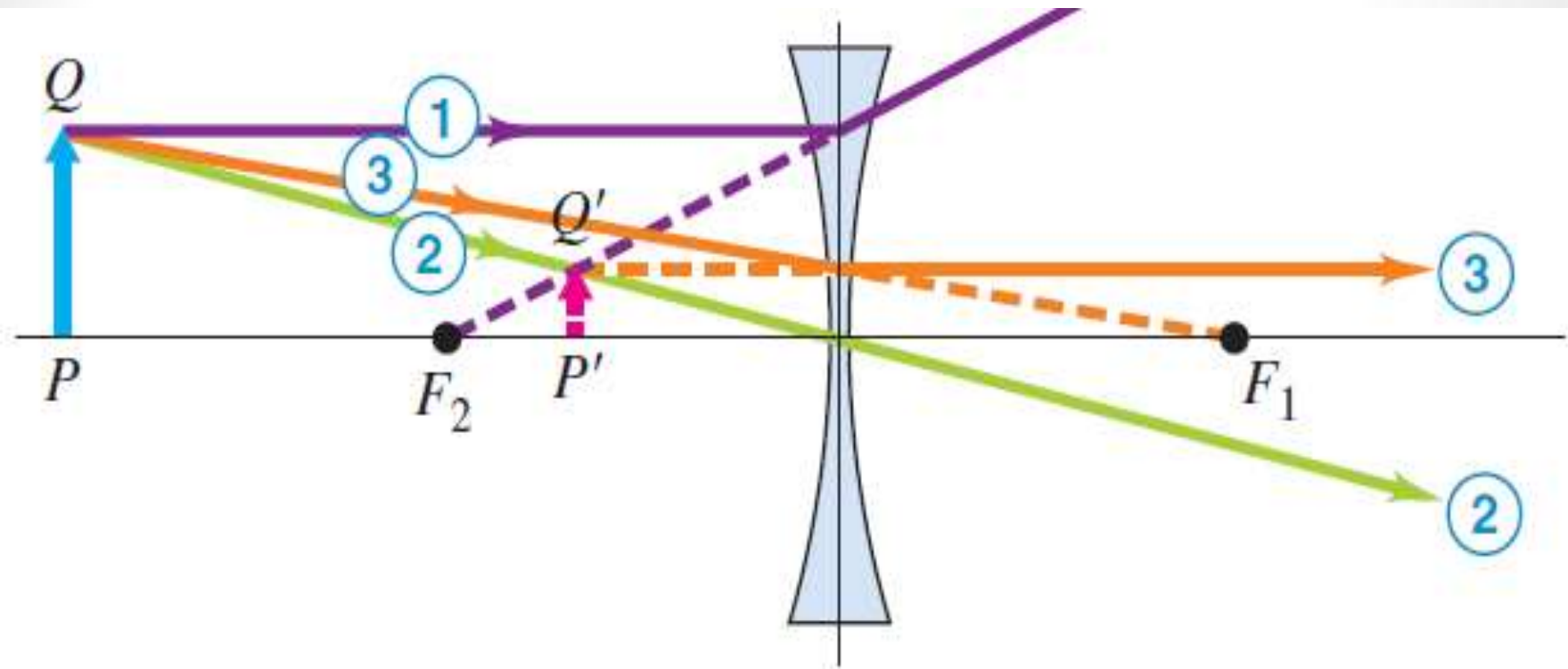
El objeto O está adentro del punto focal;
la imagen I es virtual y más grande que el objeto



Un objeto virtual O (los rayos luminosos *convergen* en la lente)



Lente divergente: Objeto real

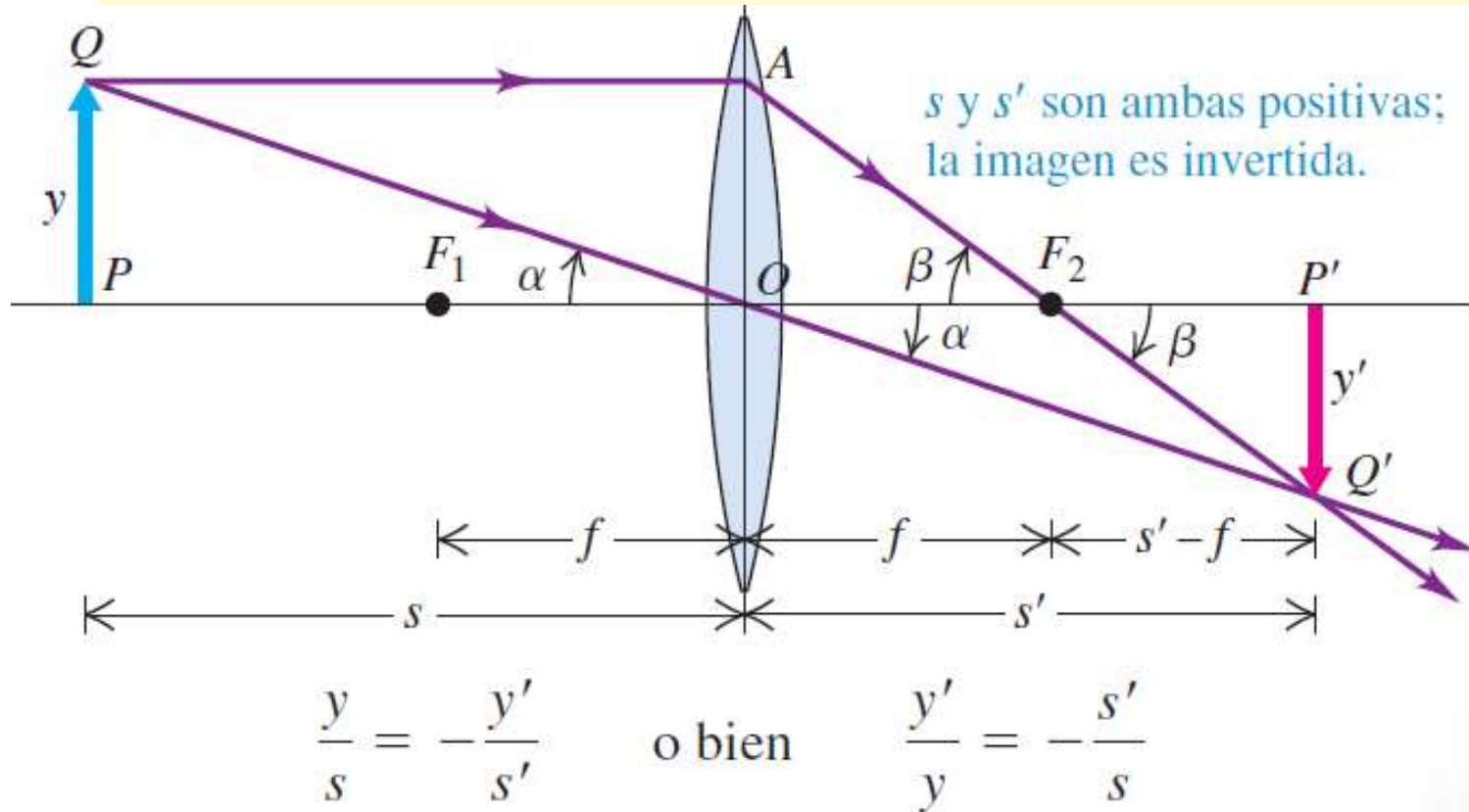


- ① Después de refractarse parece que el rayo incidente paralelo proviene del segundo punto focal F_2 .
- ② El rayo que pasa por el centro de la lente no se desvía considerablemente.
- ③ El rayo que pasa por el primer punto focal F_1 emerge paralelo al eje.

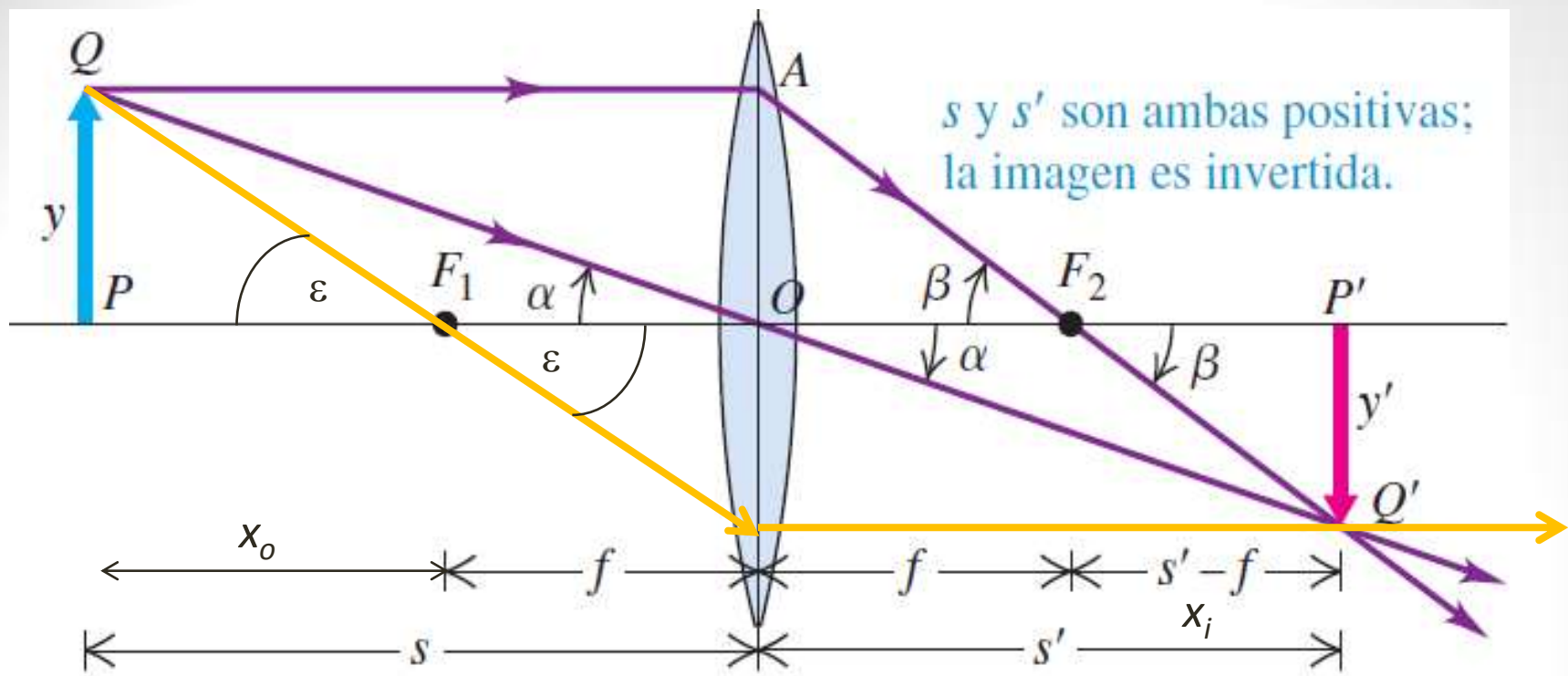
Aumento lateral

$$\frac{1}{s} + \frac{1}{s'} = \frac{1}{f}$$

(relación objeto-imagen, lente delgada)



$$m = \frac{y'}{y} = -\frac{s'}{s}$$

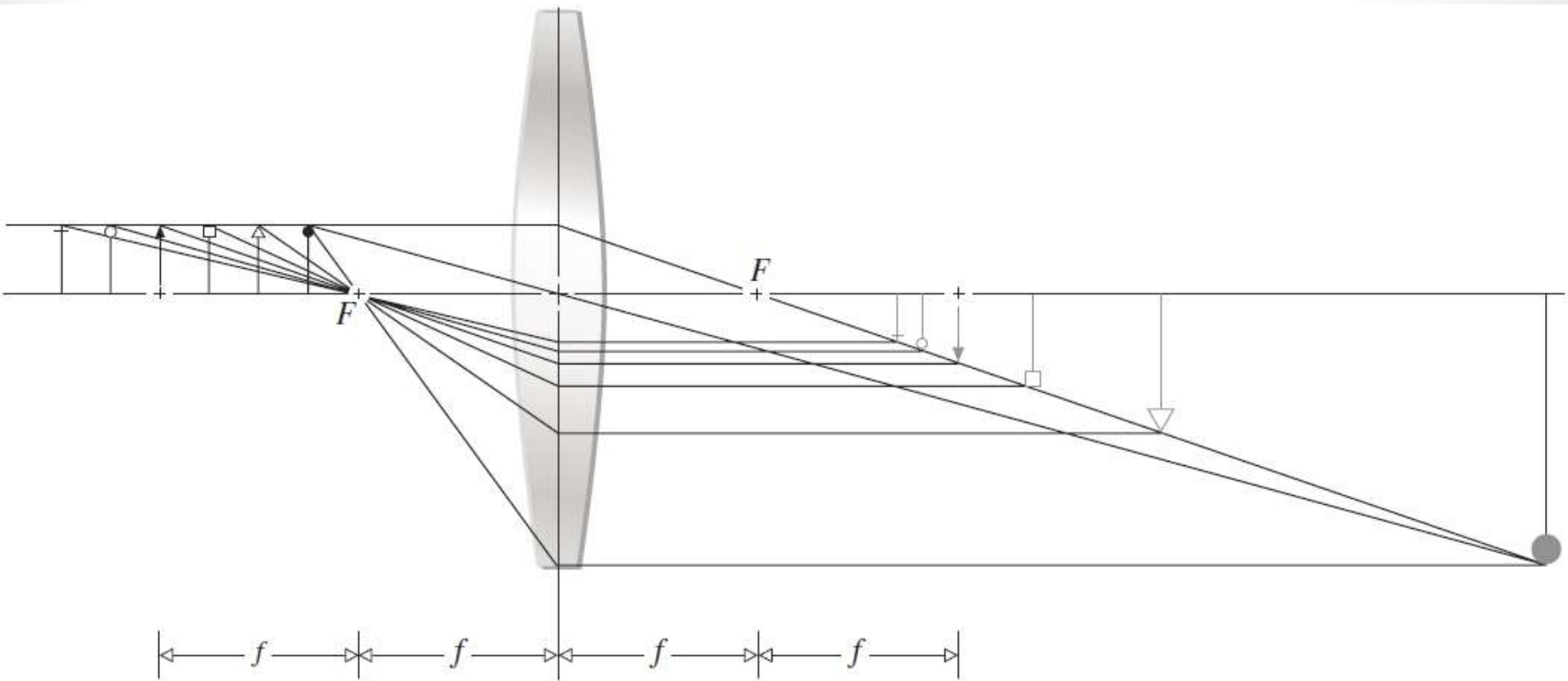


$$\tan \beta = \frac{y}{f} = -\frac{y'}{x_i}$$

$$\tan \varepsilon = \frac{y}{x_0} = -\frac{y'}{f}$$

$$m = \frac{y'}{y} = -\frac{x_i}{f} = -\frac{f}{x_0} \Rightarrow x_0 x_i = f^2 \quad \text{fórmula de Newton}$$

Aumento longitudinal



$$m_{long} = \frac{dx_i}{dx_o} = \frac{d(f^2/x_o)}{dx_o} = -\frac{f^2}{x_o^2} = -m^2$$

Entonces $m_{long} < 0$

